

A pag. 35, il primo periodo del quesito 153:

153) Siano  $A$  ed  $F$  le matrici  $1 \times 5$  seguenti:

$$A = (1,57 \ 1,59 \ 1,60 \ 1,64 \ 1,65)$$

$$F = (13 \ 2 \ 1 \ 2)$$

$A$  contiene i valori delle altezze in metri di un gruppo di 9 ragazze,  $F$  contiene le rispettive frequenze. Sia  $U$  la matrice  $1 \times 5$  seguente:

$$U = (11 \ 1 \ 1 \ 1).$$

si legga

153) Siano  $A$  ed  $F$  le matrici  $1 \times 5$  seguenti:

$$A = (1,57 \ 1,59 \ 1,60 \ 1,64 \ 1,65)$$

$$F = (1 \ 3 \ 2 \ 1 \ 2)$$

$A$  contiene i valori delle altezze in metri di un gruppo di 9 ragazze,  $F$  contiene le rispettive frequenze. Sia  $U$  la matrice  $1 \times 5$  seguente:

$$U = (1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1).$$

A pag. 62, il commento al quesito 39:

39) B. I punti  $A = (0, 0)$ ,  $B = (1, 1)$ ,  $C = (-1, 2)$  non sono allineati in quanto

$$\begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 2 & 1 \end{vmatrix} = 3 \neq 0$$

ciò ci permette di affermare che non stanno su una retta e quindi di escludere un polinomio di primo grado. Con 3 valori assunti dal polinomio dobbiamo supporre che esso abbia tre coefficienti da determinare,  $a_0$ ,  $a_1$  e  $a_2$ . Ipotizziamo quindi un polinomio di secondo grado:

$$P(x) = a_2x^2 + a_1x + a_0$$

Imponiamo le tre condizioni forniteci:

$$P(0) = 0 \Rightarrow a_0 = 0$$

$$P(1) = 1 \Rightarrow a_2 + a_1 + a_0 = 1$$

$$P(-1) = 2 \Rightarrow a_2 - a_1 + a_0 = 2$$

Da cui il sistema:

$$\begin{aligned} \begin{cases} a_0 = 0 \\ a_2 + a_1 + a_0 = 1 \\ a_2 - a_1 + a_0 = 2 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} a_0 = 0 \\ a_2 + a_1 = 1 \\ a_2 - a_1 = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_0 = 0 \\ a_1 = 1 - a_2 \\ a_2 - 1 + a_2 = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_0 = 0 \\ a_1 = 1 - a_2 \\ 2a_2 = 3 \end{cases} \\ &\Rightarrow \begin{cases} a_0 = 0 \\ a_1 = 1 - a_2 \\ a_2 = \frac{3}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_0 = 0 \\ a_1 = -\frac{1}{2} \\ a_2 = \frac{3}{2} \end{cases} \end{aligned}$$

Il polinomio è pertanto di secondo grado:  $P(x) = \frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{2}x$

si legga

**39) A.** I punti  $A = (0, 0)$ ,  $B = (1, 1)$ ,  $C = (-1, 2)$  non sono allineati in quanto

$$\begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 2 & 1 \end{vmatrix} = 3 \neq 0$$

ciò ci permette di affermare che non stanno su una retta e quindi di escludere un polinomio di primo grado.

Dobbiamo escludere un polinomio di secondo grado poiché esso dovrebbe avere  $a_2 = 1$  (polinomio monico) e le tre condizioni derivanti dall'appartenenza dei tre punti

determinerebbero tre equazioni per sole due incognite  $a_0$  e  $a_1$ . Pertanto, con 3 valori assunti dal polinomio dobbiamo supporre che esso abbia tre coefficienti da determinare,  $a_0$ ,  $a_1$  e  $a_2$ . Sappiamo inoltre che  $a_3 = 1$ , in quanto il polinomio è monico. Ipotizziamo quindi un polinomio di terzo grado:

$$P(x) = x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0$$

Imponiamo le tre condizioni forniteci:

$$P(0) = 0 \Rightarrow a_0 = 0$$

$$P(1) = 1 \Rightarrow 1 + a_2 + a_1 = 1 \Rightarrow a_2 = -a_1$$

$$P(-1) = 2 \Rightarrow -1 + a_2 - a_1 = 2 \Rightarrow -1 - a_1 - a_1 = 2 \Rightarrow -2a_1 = 3 \Rightarrow a_1 = -\frac{3}{2}$$

Da cui:

$$a_2 = \frac{3}{2}$$

Per cui il polinomio è di terzo grado:

$$P(x) = x^3 + \frac{3}{2}x^2 - \frac{3}{2}x$$

**A pag. 76**, la risposta al quesito 69:

**69) D.**

si legga

**69) C.**

**A pag. 77**, commento al quesito 69, primo periodo della pagina:

Il valore massimo è assunto proprio nel primo termine della successione e vale 3. Siccome questo valore è assunto dalla successione, esso è un massimo e non un estremo superiore:  $\max(x_n) = x_1 = 3$ .

si legga

Il valore massimo è assunto proprio nel primo termine della successione e vale 3. Siccome questo valore è assunto dalla successione, esso è un massimo:  $\max(x_n) = x_1 = 3$ .

**A pag. 77**, ultima frase del commento al quesito 69:

Pertanto nessuna delle opzioni dalla A alla C è corretta.

si legga

Pertanto la risposta C è corretta.

**A pag. 129**, il periodo della risposta commentata del quesito 168:

“**168) C.** Eseguiamo la divisione tra i due polinomi.”

si legga:

“**168) A.** Eseguiamo la divisione tra i due polinomi.”

**A pag. 278 e a pag. 279**, il commento del quesito 154:

**154) C.** Sul cilindro metallico saranno applicate la forza peso  $mg$ , la spinta di Archimede  $A$ , causata dal liquido spostato per via dell’immersione del cilindro, e la tensione  $T$  della corda che tiene sospeso il cilindro senza toccare il fondo.

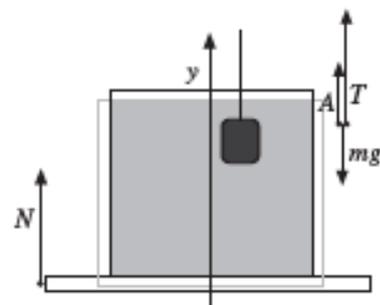
$$-mg + A + T = 0$$

Sul sistema liquido+bacinella sono, invece, applicate la reazione vincolare  $N$  della bilancia, che equivale in modulo al peso effettivamente letto sulla bilancia stessa, la forza peso del liquido e della bacinella  $P = 5,2 \text{ kgp}$  e, per il terzo principio della dinamica, una forza uguale in modulo ma opposta in verso alla spinta di Archimede che il liquido esercita sul cilindro. Con questa forza ( $-A$ ) il cilindro immerso nel liquido risponde alla spinta di Archimede subita dal liquido.

Quindi:

$$N - P - A = 0$$

$$N = P + A$$



Per determinare il peso letto sulla bilancia ( $N$ ) dobbiamo determinare la spinta di Archimede  $A$ . Essa è direttamente proporzionale alla massa  $m_l$  del liquido spostato e all'accelerazione di gravità  $g = 9,81 \text{ m/s}^2$ .

$$A = m_l g$$

La massa del liquido spostato si esprime in termini della densità del liquido (per l'acqua  $\delta_l = 1 \text{ g/cm}^3$ ) e del volume del liquido spostato  $V_l = 0,6 \text{ dm}^3$ .

$$\begin{aligned} A = m_l g &= \delta_l V_l g = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \cdot 0,6 \text{ dm}^3 \cdot 9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 1 \frac{10^{-3} \text{ kg}}{\text{cm}^3} \cdot 0,6 (10 \text{ cm})^3 \cdot 9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = \\ &= 1 \frac{10^{-3} \text{ kg}}{\text{cm}^3} \cdot 0,6 \cdot 10^3 \text{ cm}^3 \cdot 9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 0,6 \cdot 9,81 \cdot \text{kg} \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 5,886 \text{ N} \end{aligned}$$

Considerando che  $1 \text{ N} = \frac{1}{9,81} \text{ kgp}$ , allora  $A = 5,886 \text{ N} = 5,886 \frac{1}{9,81} \text{ kgp} = 0,6 \text{ kgp}$

Quindi, il peso letto sulla bilancia è pari a  $N = P + A = 5,2 \text{ kgp} + 0,6 \text{ kgp} = 5,8 \text{ kgp}$

si legga

**154) A.** Il cilindro metallico pur totalmente immerso nel liquido non si appoggia sul fondo grazie al filo che lo sorregge. Pertanto la bilancia continua a registrare lo stesso peso (5,2 Kgp).